Hochschule Bremen	Fachbereich Maschinenbau
Bachelor Studiengang SoSe 2014	17.07.2014
Modul Math II (Mathematik II)	Semesterverband M 2.1
Prüfungsform Klausur	Prüfer: Horst Broockmann
Name Student/in:	Matrikelnummer:

Bitte nicht zu klein schreiben – lieber zu groß! Maximal verwertbare Punktezahl = 100. Denken Sie bitte an den Lösungsweg. Auch ein verrechneter, aber richtiger Weg, bringt Punkte. Ohne Weg - keine Punkte. Beginnen Sie bitte jede Aufgabe auf einer neuen Seite. Schreiben Sie bitte nicht auf den Rückseiten. Danke.

1. [8 P] Lösen Sie das folgende Integral mittels partieller Integration (PI):

$$\int (2x \ln^2 x + 2x \ln x) dx$$

2. [13 P] Lösen Sie das folgende Integral mittels Partialbruchzerlegung (PBZ):

$$\int \frac{2x}{x^4 + 3x^2 + 2} dx$$

3. [13 P] Lösen Sie die folgende Differentialgleichung (DGL) mittels Trennung der Veränderlichen (TdV):

$$y' = \frac{y^4 + 3y^2 + 2}{2y}$$

4. [30 P] Lösen Sie mit der Variation der Konstanten (VdK) die folgende Euler-DGL mittels Euler-Ansatz:

$$x^2 y'' - 3xy' + 4y = -8 + 8 \ln x, \quad t = \ln x, \quad x = e^t$$

5. [20 P] Lösen Sie die folgende DGL mittels Laplace-Transformation:

$$2y'' + y' + y = x \quad \text{mit} \quad f_{(0)} = 0 \quad \text{und} \quad f'_{(0)} = 0$$

$$\frac{1}{(s+\beta)^2 + \alpha^2} = \frac{1}{\alpha} e^{-\beta t} \sin \alpha t; \quad \frac{s}{(s+\beta)^2 + \alpha^2} = e^{-\beta t} \left(\cos \alpha t - \frac{\beta}{\alpha} \sin \alpha t \right)$$

6. [36 P] Schreiben Sie die ersten Summanden folgender Potenzreihe auf. Bestimmen Sie dann den Konvergenzradius und den Konvergenzbereich (incl. Ränder):

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2} \left(\frac{x}{4} \right)^n - \sum_{n=0}^{\infty} \frac{3}{2} \left(\frac{x}{3} \right)^n$$